به نام خدا



سایت گروه آموزشی آلم

ابتدایی، راهنمایی، دبیرستان، کنکور و دانشگاه

www.g-alm.ir	
www.g-alm.ir/ac	دانشگاه
www.g-alm.ir/forum	انجمن
www.g-alm.ir/azmoon	آزمون های آلم
www.g-alm.ir/shop	فروشگاه
www.film.g-alm.ir	فیلم های آموزشی

www.g-alm.ir

پاسخ مسئله‌ها

۱ ـ فرض کنید حداقل اختلاف پتانسیل یک ظرف تجزیهٔ آب V ولت باشد. برای آنکه یک مولکول ئیدرژن آزاد شود، بارالکتریکی ۲e (e بارالکتریکی الکترون ومقدار آن $۱/۶ \times ۱۰^{-۱۹}$ کولن است) باید از این اختلاف پتانسیل بگذرد. در اینصورت انرژی مصرف شده برای تجزیهٔ یک مولکول آب چنین است.

$$u = V \times ۲e$$

هنگامی که یک مولکول گرم آب تجزیه‌شود، N مولکول آب تجزیه شده‌است که $N = ۶/۰۲ \times ۱۰^{۲۳}$ عدد آووگادرو است. بنابراین انرژی مصرف شده برای تجزیهٔ یک مولکول گرم آب چنین است.

$$U = Nu = ۲NVe$$

این انرژی معادل انرژی است که به هنگام تشکیل یک مولکول گرم آب آزاد می‌شود. در اینجا کل بار الکتریکی که از ظرف تجزیه گذشته، $۲eN$ است، بنابراین: $U = QV$

در تجزیهٔ شیمیایی برای جرم آزاد شده داریم: $m = \frac{A}{n} \times \frac{Q}{۹۶۵۰۰}$

$$Q = \frac{m \times n \times ۹۶۵۰۰}{A}$$

اگر ئیدرژن را در نظر بگیریم، در تجزیهٔ یک مولکول گرم آب، برای Q داریم:

$$Q = \frac{۲ \times ۱ \times ۹۶۵۰۰}{۱} = ۱۹/۳ \times ۱۰^{۴} \text{ Coul}$$

$$U = QV \Rightarrow V = \frac{U}{Q}$$

$$V = \frac{۲/۸۷۵ \times ۱۰^{۵}}{۱۹/۳ \times ۱۰^{۴}} = ۱/۴۹ \text{ V}$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

۲ ـ هنگامی که جسم را از طرف نیمکره در هر وضعی روی سطح افقی قرار می‌دهیم، در حال تعادل می‌ماند، باید تعادل نیمکره و مخروط چسبیده به آن بی‌تفاوت باشد. در این صورت باید امتداد نیروی وزن در هر حالت از تکیه‌گاه بگذرد. از شکل (۳ ـ ۸) پیداست که خط قائمی که از محل تماس نیمکره با سطح افقی رسم شود، از مرکز نیمکره می‌گذرد. پس باید نیروی وزن نیمکره و مخروط از مرکز نیمکره وارد شود. یعنی مرکز ثقل جسم بر مرکز نیمکره منطبق باشد. اگر وزن نیمکره را $m_1 g$ و وزن مخروط را $m_2 g$ بگیریم داریم:

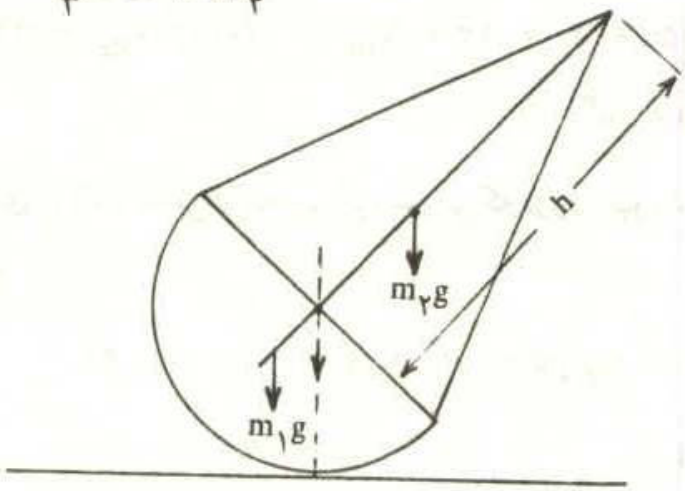
$$m_1 g = \frac{2}{3}\pi R^3 \rho g$$

$$m_2 g = \frac{h}{3}\pi R^2 \rho g$$

اکنون با استفاده از برآیند دو نیروی موازی داریم:

$$\frac{2}{3}\pi R^3 \rho g \frac{3}{8} R = \frac{h}{3}\pi R^2 \rho g \frac{h}{4}$$

$$h = R\sqrt{3}$$



شکل (۳ ـ ۸)

۳ ـ حجم شیشهٔ به کار رفته در ساخت بطری چنین است.

$$V_g = \frac{m g}{\rho_g} = \frac{125}{2/5} = 50\ cm^3$$

بنابراین برای حجم بیرونی بطری داریم:

$$V_o = V_i + V_g = 1000 + 50 = 1050\ cm^3$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

هنگامی که در بطری را با چوب‌پنبه می‌بندیم، چون $۴\ cm^۳$ از حجم چوب پنبه بیرون می‌ماند، حجم خارجی بطری در بسته چنین است: $V = V_o + ۴ = ۱۰۵۴\ cm^۳$

و چون نیمی از چوب پنبه داخل بطری است، حجم داخلی آن چنین است:

$$V = V_i - ۴ = ۹۹۶\ cm^۳$$

برای آنکه بطری در بستهٔ محتوی مقداری جیوه، در آب به حال تعادل بماند، باید نیروی ارشمیدس برابر نیروی وزن باشد. اگر حجم جیوه را V_{Hg} بگیریم، داریم:

$$V \rho_W g = m_g g + V_c \rho_c \rho_{Hg} g + V_{Hg} \rho_{Hg} g + V_a \rho_a g$$

در رابطهٔ بالا $V_c \rho_c$ جرم چوب پنبه و $V_a P_a$ جرم هوای بالای جیوه است.

$$۱۰۵۴ \times ۱/۰۲ = ۱۲۵ + ۸ \times ۰/۲۵ + V_{Hg} \times ۱۳/۶ + (۹۹۶ - V_{Hg}) \times ۱/۰۳ \times ۱۰^{-۳}$$

$$۱۰۷۵ = ۱۲۵ + ۲ + ۱۳/۶\ V_{Hg} - ۰/۰۰۱۳\ V_{Hg} + ۱/۲۹۴$$

$$V_{Hg} = ۶۹/۶۲\ cm^۳$$

۴ ـ فرض می‌کنیم در دمای $T_۱$، ارتفاعی از مکعب آلومینیومی که درون جیوه است $h_۱$ باشد. در این صورت داریم:

$$\rho_{Hg} g h_۱ L^۲ = m_{A\,l} g = L^۳ \rho_{Al} g \qquad (۱-۳)$$

$$h_۱ = \frac{\rho_{Al}}{\rho_{Hg}} L$$

در دمای $T_۲$، چگالی جیوه و ابعاد مکعب آلومینیومی تغییر می‌کند ولی جرم آن ثابت است فرض می‌کنیم تفاوت دما ΔT و ارتفاع $h_۲$ از مکعب درون جیوه باشد در این دما داریم:

$$\frac{\rho_{Hg}}{(۱ + a_{Hg} \Delta T)} h_۲ [L (۱ + \lambda_{A\,l} \Delta T)]^۲ g = m_{Al} g$$

$$\rho_{Hg}$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

$$\frac{}{۱ + a_{Hg}\Delta t} h_۲ L^۲ (۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T) = m_{Al} \qquad (۲-۳)$$

از تقسیم رابطهٔ (۳ ـ ۲) بر (۳ ـ ۱) داریم:

$$\frac{h_۲ (۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T)}{h_۱ (۱ + a_{Hg}\Delta T)} = ۱$$

$$h_۲ = h_۱ \frac{۱ + a_{Hg}\Delta T}{۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T} = \frac{\rho_{Al}}{\rho_{Hg}} L \frac{۱ + a_{Hg}\Delta T}{۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T}$$

$$\Delta h = h_۲ - h_۱ = L\frac{\rho_{Al}}{\rho_{Hg}}\left[\frac{۱ + a_{Hg}\Delta T}{۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T} - ۱\right]$$

$$\Delta h = L\frac{\rho_{Al}}{\rho_{Hg}}\left[\frac{(a_{Hg} - ۲\lambda_{Al})}{۱ + ۲\lambda_{Al}\Delta T}\Delta T\right]$$

۵ ـ انرژی منبع، به سطح کره‌ای به شعاع R می‌رسد و بخشی از آن که به سطح یک عرقچین کروی می‌رسد، به ظرف داده می‌شود. انرژی داده شده به عرقچین کروی را $H_۱$ می‌نامیم. داریم:

$$H_۱ = H \times \frac{\text{مساحت عرقچین کروی}}{\text{مساحت کره}}$$

$$H_۱ = H \times \frac{۲\pi R(R - h)}{۴\pi R^۲} = \frac{R - h}{۲R} H$$

از شکل (۳ ـ ۹) پیداست که: $R = \sqrt{h^۲ + r^۲}$

$$H_۱ = \frac{\sqrt{h^۲ + r^۲} - h}{۲\sqrt{h^۲ + r^۲}} H$$

بخشی از انرژی داده شده به ظرف در مدت t صرف بالا بردن دما و بخش دیگری تلف شده

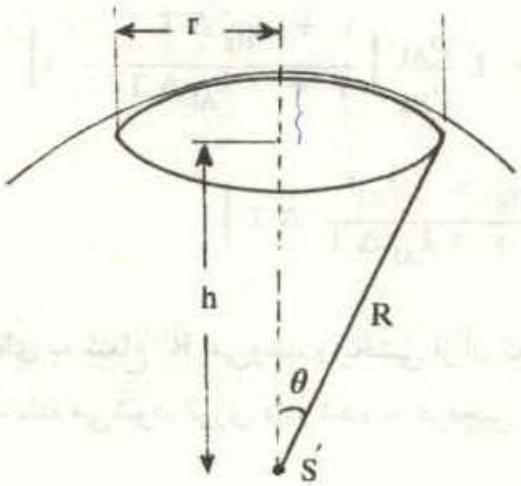
www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

است. داریم:

$$H_1 t = M C (T_2 - T_1) + H' t$$

$$C = \left[\frac{(\sqrt{h^2 + r^2} - h) H t}{2\sqrt{h^2 + r^2}} - H' t\right] \frac{1}{M (T_2 - T_1)}$$



شکل (۳ ـ ۹)

۶ ـ وضعیت لوله پس از باز کردن شیر R در شکل (۳ ـ ۱۰) نشان داده شده است. چون سطح مقطع لولهٔ A پنج برابر سطح مقطع لولهٔ B است، پس با ۱۰ cm پایین آمدن جیوه در لولهٔ B، جیوه در لولهٔ A تنها ۲ cm بالا می‌رود.

الف ـ برای هوای لولهٔ A در دو حالت قبل و بعد از باز کردن شیر R داریم:

$$P_{1A} V_{1A} = P_{2A} V_{2A}$$

$$۴۰ \times S_A \times ۷۶ = P_{2A} \times S_A \times ۳۸$$

$$P_{2A} = \frac{۴۰ \times ۷۶}{۳۸} = ۸۰ \text{ cm Hg}$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

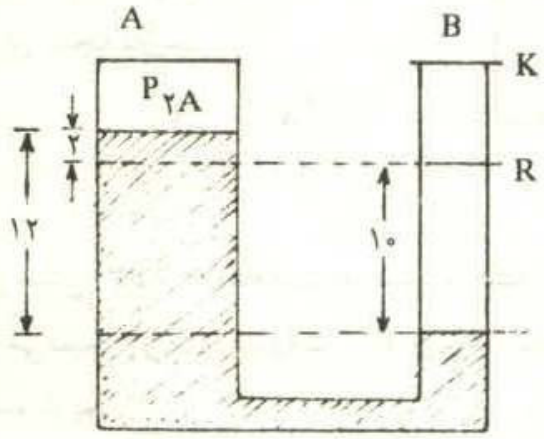
برای هوای لولهٔ B در دو حالت داریم:

$$P_{1B} V_{1B} = P_{2B} V_{2B}$$

$$P \times S_B \times ۴۰ = (۸۰ + ۱۲) \times S_B \times ۵۰$$

$$P = \frac{۹۲ \times ۵۰}{۴۰} = ۱۱۵ \text{ cm Hg}$$

ب ـ وقتی شیر K نیز باز می شود، فشار لولهٔ B به دلیل ارتباط با هوای خارج دارای فشار یک جو یعنی ۷۶ cm Hg می‌شود و در نتیجه جیوه در لولهٔ A و B به سطح اولی برمی‌گردد. حجم هوای لولهٔ B را در این حالت V_{3B} فرض می‌کنیم. داریم:



شکل(۳ ـ ۱۰)

$$P_{2B} V_{2B} = P_{3B} V_{3B}$$

$$۹۲ \times ۱ \times ۵۰ = ۷۶ \times V_{3B}$$

$$V_{3B} = \frac{۹۲ \times ۵۰ \times ۱}{۷۶} = ۶۰/۵ \text{ cm}^3$$

برای جرم هوای خارج شده داریم:

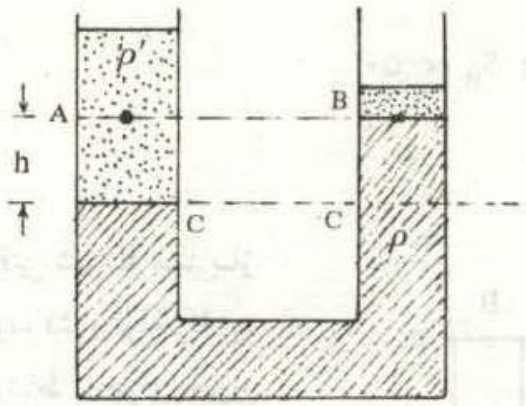
$$\Delta m_B = \rho \Delta V_B = ۱/۳ \times ۱۰^{-۳} (۶۰/۵ - ۴۰) = ۲۶/۶۵ \times ۱۰^{-۳} \text{ g}$$

۷ ـ در شکل (۳ ـ ۱۱) وضعیت لولهٔ U شکل نشان داده شده است. یک سطح افقی در محل تماس دو مایع در نظر می‌گیریم. چون زیر این سطح مایع یکسانی در دو لوله وجود دارد، پس فشار در این سطح در دو لوله یکسان است. دو نقطهٔ A و B را که در یک سطح افقی

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

هستند، یعنی همترازند در دو لوله در نظر می‌گیریم. آشکار است که فاصلهٔ این دو نقطه از سطح C یکسان است. با توجه به شکل داریم:



شکل (۳ـ۱۱)

$$P_A - P_C = \rho' g h$$

$$P_B - P_C = \rho g h$$

$$P_A - B_B = g h (\rho' - \rho)$$

چون مایع دوم روی مایع اول قرار گرفته است، پس $\rho' < \rho$ است. در نتیجه داریم:

$$P_A < P_B$$

۸ـ مطابق شکل (۳ـ۱۲) مقاومت دو قسمت حلقه را R_1 و R_2 و جریان آنها را I_1 و I_2 فرض می‌کنیم. چون دو مقاومت R_1 و R_2 میان دو نقطهٔ C و D به‌طور موازی بسته شده‌اند، داریم:

$$I = I_1 + I_2$$

$$I_1 R_1 = I_2 R_2$$

با حل دو معادلهٔ بالا برای I_1 و I_2 مقادیر زیر به دست می‌آید.

$$I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I$$

$$I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

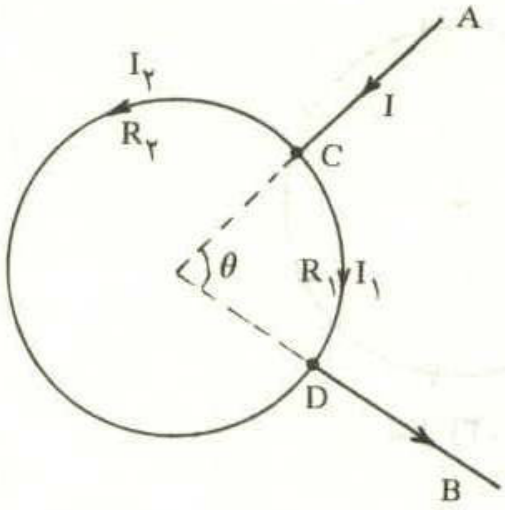
اگر مقاومت کل حلقه را R فرض کنیم، چون مقاومتهای R_1 و R_2 به نسبت طول دو قسمت حلقه است، داریم:

$$R_1 = \frac{\theta}{2\pi} R \qquad R_2 = \frac{2\pi - \theta}{2\pi} R$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_1} = \frac{2\pi - \theta}{\theta} \qquad (۳ـ۳)$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir



شکل (۳ ـ ۱۲)

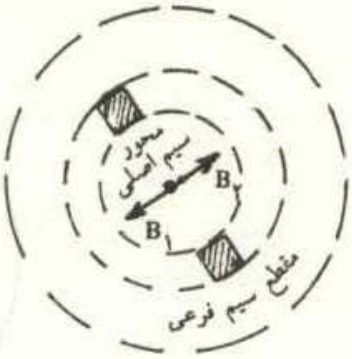
چون دو سیم راست A و B از مرکز دایره می‌گذرند، فاصلهٔ این نقطه از محور دو سیم صفر است. اگر از رابطهٔ میدان مغناطیسی سیم راست، یعنی $B = K\frac{I}{d}$ استفاده کنیم، ظاهراً میدان مغناطیسی دو سیم راست در مرکز دایره بینهایت خواهد شد، ولی این‌طور نیست. برای یافتن میدان مغناطیسی حاصل از سیمهای راست، به بحث دقیقتری نیازمندیم. هر یک از سیم‌های راست را می‌توانیم مرکب از تعداد زیادی سیم راست فرعی که پهلوی هم قرار گرفته‌اند بدانیم. از هر کدام از سیمهای فرعی بخشی از جریان I می‌گذرد. در شکل (۳ ـ ۱۳) مقطع دو تا از این سیمهای فرعی که در دو طرف محور سیم اصلی قرار دارد، و مشابه یکدیگرند نشان داده شده است. هر کدام ازین دو سیم فرعی روی نقاط محور سیم اصلی یک میدان مغناطیسی به وجود می‌آورد که چون جهت جریان در هر دوی آنها یکی است، میدانهای مغناطیسی آنها در دو جهت مخالف هم است. چون جریان دو سیم فرعی نیز به دلیل یکسانی مقطع با هم برابر است، میدانهای مغناطیسی آن‌ها هم‌اندازه است و در نتیجه برآیند میدان مغناطیسی حاصل از این دو سیم فرعی صفر است. این نتیجه را می‌توان برای هر دو سیم فرعی دیگر به دست آورد و بنابراین میدان مغناطیسی سیم اصلی روی نقاط محورش صفر است. به این ترتیب دو سیم راست A و B در مرکز حلقه میدان مغناطیسی به وجود نمی‌آورند. اکنون باید میدان مغناطیسی دو قطعه دایره را در مرکز حلقه محاسبه کنیم.

میدان مغناطیسی در مرکز یک حلقهٔ کامل به شعاع a از رابطهٔ زیر به دست می‌آید:

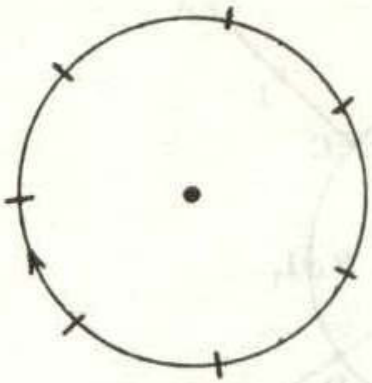
$$B = \frac{\mu_۰ I}{۲a}$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir



شکل (۳ ـ ۱۳)



شکل (۳ ـ ۱۴)

در شکل (۳ ـ ۱۴) یک حلقه که جریان I از آن می‌گذرد نشان داده شده است. این حلقه به چند قسمت مساوی تقسیم شده است. از تقارن شکل پیداست که میدانهای مغناطیسی که توسط هر یک از قطعه‌ها در مرکز حلقه ایجاد می‌شود، مشابه هم هستند. بنابراین میدان مغناطیسی حاصل از یک حلقهٔ کامل، برآیند میدانهای مغناطیسی حاصل از قطعه‌های حلقه است. مثلاً اگر حلقه را به ۴ ربع دایره تقسیم کنیم، میدان مغناطیسی حاصل از هر کدام، یک چهارم میدان مغناطیسی حلقه است. در نتیجه میدان هر یک از دو قطعهٔ شکل (۳ ـ ۱۲) را می‌توان متناسب با طول کمان آن قطعه چنین نوشت:

میدان مغناطیسی کمان کوچکتر $B_1 = \frac{\theta}{2\pi}\frac{\mu_0 I_1}{2a}$

میدان مغناطیسی کمان بزرگتر $B_2 = \frac{2\pi - \theta}{2\pi}\frac{\mu_0 I_2}{2a}$

از تقسیم دو رابطهٔ بالا داریم: $\frac{B_1}{B_2} = \frac{\theta}{2\pi - \theta}\frac{I_1}{I_2}$

با استفاده از رابطهٔ (۳ ـ ۳) داریم: $\frac{B_1}{B_2} = \frac{\theta}{2\pi - \theta}\frac{2\pi - \theta}{\theta} = 1$

بنابراین اندازهٔ میدانهای حاصل از دو کمان حلقه، با هم برابر است. از طرفی چون جهت

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

میدان B_1 به طرف داخل صفحه و جهت میدان B_2 به طرف خارج صفحه است (به شکل (۳ ـ ۱۲) نگاه کنید)، پس برآیند دو میدان B_1 و B_2 صفر است. به این ترتیب میدان مغناطیسی در مرکز حلقه وجود ندارد.

۹ ـ مدار مورد نظر در شکل (۳ ـ ۱۵) نشان داده شده است. همان‌طور که پیشتر گفته شد، در هر حلقه، جریان معینی را در یک جهت دلخواه در نظر می‌گیریم و مجموع اختلاف پتانسیلها را دور یک حلقه می‌نویسیم. در این مدار سه حلقه و در نتیجه سه جریان وجود دارد. اگر حلقه‌ها را در جهت جریان دور بزنیم داریم:

$$E_1 + E_2 = I_1 (r + R_1) + (R_2 + r)(I_1 - I_2)$$

$$0 = E_2 + (r + R_2)(I_2 - I_1) + (R_3 + r)(I_2 - I_3) + E_3$$

$$E_3 + E_4 = (r + R_3)(I_3 - I_2) + (r + R_4) I_3$$

مقدار کمیت‌های معلوم را در معادله‌های بالا قرار می‌دهیم و داریم:

$$3 = 2 I_1 + 3 (I_1 - I_2)$$

$$0 = 2 + 3 (I_2 - I_1) + 4 (I_2 - I_3) + 3$$

$$7 = 4 (I_3 - I_2) + 5 I_3$$

$$3 = 5 I_1 - 3 I_2$$

$$5 = 3 I_1 - 7 I_2 + 4 I_3$$

$$7 = -4 I_2 + 9 I_3$$

$$I_1 = \frac{45}{77} \qquad I_2 = -\frac{2}{77} \qquad I_3 = \frac{59}{77}$$

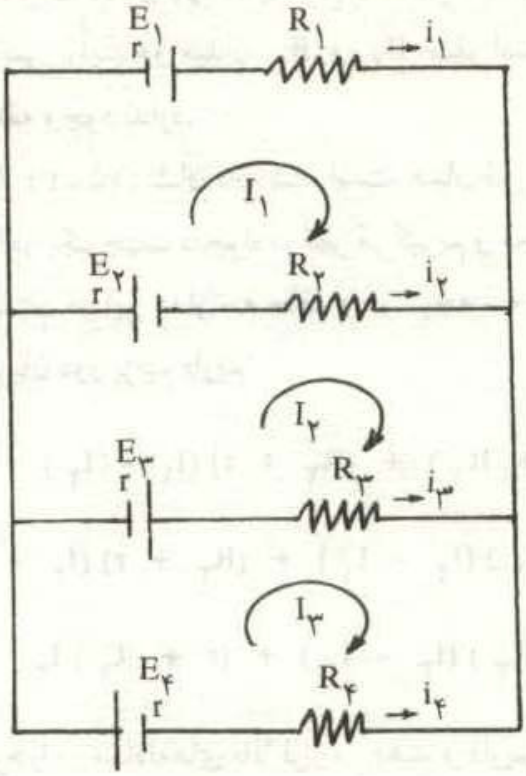
اگر جریان در مقاومتهای R_1، R_2، R_3 و R_4 را به ترتیب با i_1، i_2، i_3 و i_4 نشان دهیم داریم:

$$i_1 = I_1 = \frac{45}{77} \qquad i_2 = I_2 - I_1 = -\frac{47}{77}$$

$$i_3 = I_3 - I_2 = \frac{61}{77} \qquad i_4 = -I_3 = -\frac{59}{77}$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir



شکل (۳ـ۱۵)

۱۰ ـ واگن و نیروهای وارد برآن در شکل (۳ ـ ۱۶) نشان داده شده است. شتاب واگن را می‌توان از جابه‌جایی و سرعت نهایی آن به دست آورد.

$$V^2 - V_\circ^2 = 2ax$$

$$4^2 - \circ = 2a \times 80$$

$$a = \circ/1\ m/s^2$$

این شتاب حاصل نیروهای وارد بر واگن در راستای ریل است. با استفاده از قانون دوم نیوتن داریم:

$$F - f - mg\,Sin\,\alpha = ma$$

$$F - \circ/1\,mg - \frac{20}{80}mg = m \times \circ/1$$

$$F = \circ/1 \times 100 \times 10 + \circ/25 \times 100 \times 10 + \circ/1 \times 100$$

$$F = 360\ N$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

کار نیروی موتور برای کشیدن واگن چنین است:

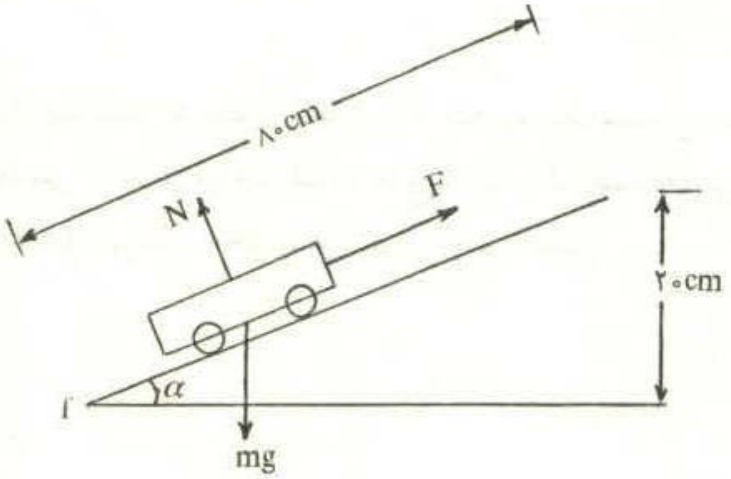
$$W = Fx = ۳۶۰ \times ۸۰ = ۲۸/۸ \text{ kj}$$

چون بازده موتور ۲۰٪ است، انرژی مصرف شده برای موتور، **U** چنین است.

$$W = ۰/۲\,U \rightarrow U = ۵\,W = ۱۴۴ \text{ kj}$$

اگر حجم بنزین مصرفی را V فرض کنیم داریم:

$$V = \frac{۱۴۴ \times ۱۰^{۳}}{۵ \times ۱۰^{۷}} = ۲/۸۸ \times ۱۰^{-۳} \text{ lit.}$$



شکل (۳-۱۶)

۱۱ ـ ته ظرف استوانه شکل شیشه‌ای، مانند یک عدسی واگرا عمل می‌کند. فاصلهٔ کانونی این عدسی چنین است:

$$\frac{۱}{f} = (n - ۱)\left(\frac{۱}{R_۱} + \frac{۱}{R_۲}\right) = (۱/۶ - ۱)\left(\frac{۱}{\infty} + \frac{۱}{-۱۰}\right)$$

$$f = -\frac{۱۰۰}{۶}$$

در رابطهٔ بالا چون یک طرف عدسی گود است، شعاع انحنای آن با علامت منفی گذارده شده است. این عدسی واگرا از منبع نورانی (S) تصویری می‌دهد که محل آن از رابطهٔ زیر به دست می‌آید.

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

$$\frac{۱}{p} + \frac{۱}{q} = \frac{۱}{f}$$

$$\frac{۱}{۲۵} + \frac{۱}{q} = -\frac{۶}{۱۰۰} \rightarrow q = -۱۰ \text{ cm}$$

علامت منفی در فاصلهٔ تصویر، نشان می‌دهد که تصویر S در عدسی شیشه‌ای مجازی است.

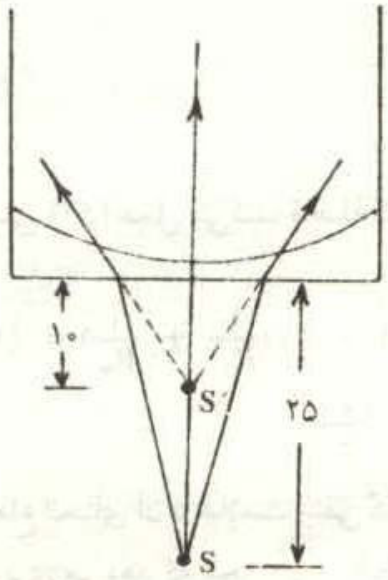
مایعی که در گودی ته ظرف ریخته شده است، مانند یک عدسی همگرا عمل می‌کند. برای فاصلهٔ کانونی این عدسی داریم:

$$\frac{۱}{f'} = (n' - ۱)(\frac{۱}{R_۱'} + \frac{۱}{R_۲'}) = (n' - ۱)(\frac{۱}{۱۰} - \frac{۱}{\infty})$$

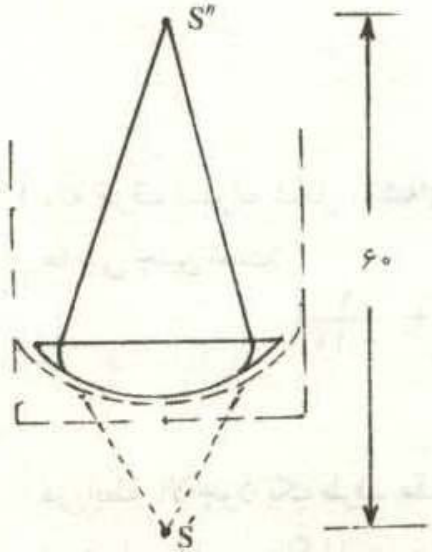
$$\frac{۱}{f'} = \frac{(n' - ۱)}{۱۰}$$

از شکل (۳ ـ ۱۷) پیداست که تصویر مجازی S′ که توسط عدسی شیشه‌ای تشکیل می‌شود، برای عدسی همگرای ساخته شده از مایع، مانند یک جسم حقیقی عمل می‌کند و تصویری از آن تشکیل می‌شود. محل تصویر نهایی چنین است.

$$\frac{۱}{p'} + \frac{۱}{q'} = \frac{۱}{f'}$$



شکل (۳ ـ ۱۷)



شکل (۳ ـ ۱۸)

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

در شکل (۳ ـ ۱۸) تصویر S' در عدسی همگرا، نشان داده شده است. از این شکل پیداست که

$$q' = ۶۰ - ۱۰ = ۵۰ \text{ cm}$$

پس داریم:

$$\frac{۱}{۱۰} + \frac{۱}{۵۰} = \frac{n' - ۱}{۱۰}$$

$$\frac{n' - ۱}{۱۰} = \frac{۶}{۵۰}$$

$$n' = ۲/۲$$

۱۲ ـ در شکل (۳ ـ ۱۹) شرایط اولیهٔ گاز نئون نشان داده شده است.

الف ـ وضعیت لوله را وقتی که آن را ۲ cm از جیوه خارج می‌کنیم، در شکل (۳ ـ ۲۰) نشان داده شده است.

با توجه به شکل (۳ ـ ۱۹) داریم:

$$P_۰ = ۷۶ = P_۱ + ۷۴$$

$$P_۱ = ۲ \text{ cm Hg}$$

با توجه به شکل (۳ ـ ۲۰) داریم:

$$P_۰ = ۷۶ = P_۲ + (۹۲ - h_۲)$$

$$P_۲ = h_۲ - ۱۶ \text{ cm Hg}$$

برای گاز نئون در دو حالت داریم:

$$P_۱ \times ۱۶ = P_۲ h_۲$$

$$۲ \times ۱۶ = (h_۲ - ۱۶) h_۲$$

$$h_۲^۲ - ۱۶ h_۲ - ۳۲ = ۰$$

جواب قابل قبول معادلهٔ بالا $h_۲ = ۱۷/۸ \text{ cm}$ است. ارتفاع جیوه در لوله چنین است:

$$h' = ۱۰۰ - ۱۷/۸ = ۸۲/۸ \text{ cm}$$

فشار گاز در این حالت $P_۲ = ۱۷/۸ - ۱۶ = ۱/۸ \text{ cm Hg}$ است.

ب ـ وضعیت لوله در ارتفاع ۲ کیلومتری در شکل (۳ ـ ۲۱) نشان داده شده است.

فشار گاز نئون در این حالت چنین است.

$$P_۳ + (۶۷/۹ - ۸) = ۰/۸ P_۰ = ۰/۸ \times ۷۶$$

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir

www.g-alm.ir

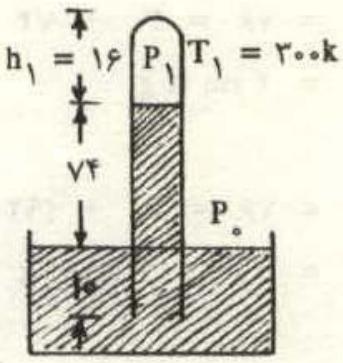
$$P_۳ = ۶۰/۸ - ۵۹/۹ = ۰/۹ \text{ cm Hg}$$

دو حالت اول و سوم گاز با رابطهٔ زیر به هم مربوط است.

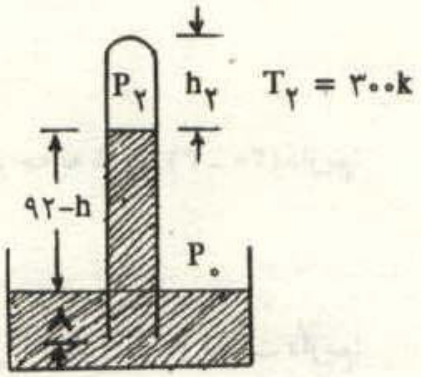
$$\frac{P_۲ h_۳}{T_۳} = \frac{P_۲ h_۲}{T_۲}$$

$$T_۳ = \frac{P_۳ h_۳}{P_۱ h_۱} T_۱$$

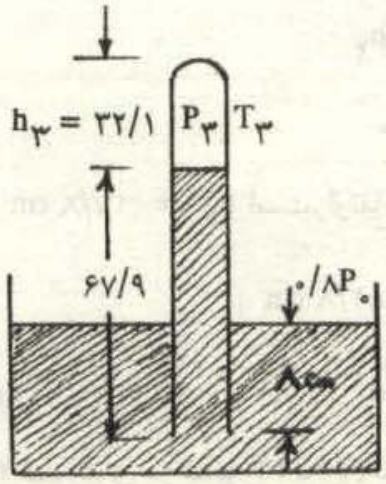
$$T_۳ = \frac{۰/۹ \times ۳۲/۱}{۱/۸ \times ۱۷/۸} \times ۳۰۰ = ۲۷۰/۵^\circ \text{ k}$$



شکل (۳ـ۱۹)



شکل (۳ـ۲۰)



شکل (۳ـ۲۱)

www.g-alm.ir/forum www.g-alm.ir/ac www.film.g-alm.ir